

Zbl 048.31002

Erdős, Pál

On the uniform but not absolute convergence of power series with gaps. (In English)

Ann. Soc. Polon. Math. 25, dédié à H. Steinhaus, 162-168 (1952).

Soit $\{n_k\}$ une suite croissante d'entiers telle que $\underline{\lim} n_k^{1/k} = 1$ [ou seulement $\underline{\lim}_{j-i \rightarrow \infty} (n_j - n_i)^{1/(j-i)} = 1$]: il existe une série entière $\sum a_k z^{n_k}$ uniformément convergente sur $|z| = 1$, alors que la série des valeurs absolues diverge. Ayant fixé le mode de détermination des valeurs absolues $|a_k|$, l'A. termine la démonstration en montrant que pour presque tous les choix de la suite $\{\varepsilon_k\}$ où $\varepsilon_k = \pm 1$, la série $\sum \varepsilon_k |a_k| z^{n_k}$ converge uniformément sur $|z| = 1$. Il faut rectifier plusieurs erreurs d'impression dans la démonstration du lemme 1.

G. Bourion

Classification:

30D10 Representations of entire functions by series and integrals