Serie 1

1. Berechne die Summe z+w, das Produkt $z\cdot w$ und den Quotienten z/w in kartesischer Form.

a)
$$z = 1 + i, w = i$$

b)
$$z = -2 + i, w = 1 - i$$

c)
$$z = 3 + 2i, w = -2 - 5i$$

d)
$$z = -4 - 16i$$
, $w = -5 - 10i$

- 2. Berechne die Polarform respektive die kartesische Form der komplexen Zahl. Bestimme Betrag, Argument, Real- und Imaginärteil der komplexen Zahl.
 - **a**) *i*
 - **b)** 1 + i
 - c) $3e^{\frac{3\pi i}{4}}$
 - **d**) $-\sqrt{3} + i$
 - **e)** $5e^{\frac{11\pi i}{6}}$
- 3. Zeige die folgenden Identitäten für die komplexen Zahlen z und w.
 - **a)** $|z \cdot w| = |z||w|$
 - **b)** $|z+w| \leq |z| + |w|$. Verwende hier die kartesische Form von z und w.

Abgabe der schriftlichen Aufgaben: Montag, 29.09.2014, in der Übungsstunde.

Vorlesungshomepage: http://www.math.ethz.ch/education/bachelor/lectures/hs2014/other/mathematik1_CHAB